

図書館授業レポート①

折り紙の中の数学とは

数学科 椿 幾雄

「探究ゼミ、数学部門。何を研究しようか?」と生徒に問うてみた。しばらくしてその回答は、「折り紙はどうですか?」であった。ゼミの人数は、男子三名・女子二名の合計五名。この五名が、「良いんじゃないですか。面白そう。」と返事。何をどのように進めるか分からないままで研究対象が決まってしまった。

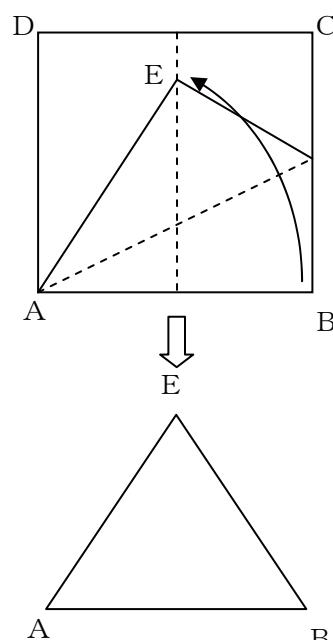
折り紙といえば、誰しも一度は折ったことがあると思います。しかし、ゼミなので折り紙を折っていたのでは面白くありません。そこで、インターネットで折り紙を検索してみると、たくさん研究されているではありませんか。幾何学的要素、作図、正多角形の作図、平方根の数論的考察など様々。生徒以上に私が興味を覚えたのかも知れません。断片的な事象でなく、体系立てたものが欲しくなりました。そうなると書籍です。図書館に行って松田先生に「折り紙と数学に関する書籍はありませんか?」と尋ねてみました。すると、「本校には数が少ないので県立図書館から取り寄せてみましょう。」ということになりました。しばらくして約二十冊もの書籍が届きました。

まず私が行ったことは仕分けです。全ての書物をゼミに活かすには無理があります。折り紙から離れすぎているもの、高度すぎるものの、あるいは、単に折り紙を折る

使わずに正
方形の折
り紙から
鉢・定規を

八頭高等学校図書館報

三角形を折ることを考えました。どうですか?折れますか?折り方は(一例として)、
 ①折り目に、右下の点Bを中心として折っていきます。
 ②折り目に、左下の点Aを中心として折っていきます。
 ③重なった点Eが、折り紙の一辺を辺とする正三角形の残りの一頂点です。(△A B E)



方の用紙から最大の正六角形をいかに折るか。そして、ある線分を六十度回転させた線分の折り方も考察しました。ゼミを重ねていけば、線分の整数比分割(線分を三分等分するには?)、分数の折り方などさらに面白いことが出てくるような気がしました。

何気なく始めた折り紙と数学。ちょっとした疑問を解消するだけであればインターネットで済んでいたと思われます。しかし、体系立てて考えるのであればインターネットでは物足りません。書籍が有効です。一つの事柄でも書籍により異なった視点。ここにおもしろみがあります。今回のゼミで、書籍の有用性を実感しました。と同時に、図書館の有り難さを感じました。何気ない疑問について、多くの書籍を準備して頂きました。何が繋がるか分からぬ状態で、書籍を選んでいく楽しさ。たくさんの書籍があればこそ体感できる楽しさです。

これが正三角形の折り方です。同時に、六十度の角の作り方もあります。折ること自体は簡単だと思います。ゼミでは、なぜこれが正三角形なのかを吟味しました。(証明は簡単なので省略します)。

そして、この「紙を折る」操作の中に隠されている数学的な意味を考察しました。例えば、

- ①紙を半分に折ることは、線分の垂直二等分線を引くこと。
- ②ある一点を通って線分が重なるように折ることは、ある一点からその線分へ垂線を引くこと。
- ③ある点を中心に紙を折り返す(先の正三角形の図において辺ABを折り返して辺AEとする)ことは、等しい長さの線

分を取ること。すなわち、コンパスで円を描くようなもの。

同時に、正五角形、正六角形、正八角形の図形を折ることが出来ます。実際に、ゼミでは折り方を考察しました。二通り、三通りと。同時に、正方形の折り紙から、あるいは長方形の用紙から最大の正六角形をいかに折るか。そして、ある線分を六十度回転させた線分の折り方も考察しました。